



**KAPITAŁ LUDZKI**  
NARODOWA STRATEGIA SPÓJNOŚCI

Projekt współfinansowany przez  
Unię Europejską w ramach  
Europejskiego Funduszu  
Społecznego

**UNIA EUROPEJSKA**  
EUROPEJSKI  
FUNDUSZ SPOŁECZNY



<b>Nazwa przedmiotu</b>		<b>Kod ECTS</b>	
Analiza matematyczna II		11.1.0368	
<b>Nazwa jednostki prowadzącej przedmiot</b>			
Instytut Matematyki			
<b>Studia</b>			
<b>wydział</b>	<b>kierunek</b>	<b>poziom</b>	<b>drugiego stopnia</b>
Wydział Matematyki, Fizyki i Informatyki	Matematyka	<b>forma</b>	stacjonarne
		<b>moduł</b>	matematyka teoretyczna, matematyka nauczycielska, matematyka
		<b>specjalnościowy</b>	stosowana, matematyka finansowa
		<b>specjalizacja</b>	wszystkie
<b>Nazwisko osoby prowadzącej (osób prowadzących)</b>			
prof. dr hab. Tomasz Natkaniec; prof. UG, dr hab. Rafał Filipów; dr Nikodem Mrozek; dr Jacek Gulgowski			
<b>Formy zajęć, sposób ich realizacji i przypisana im liczba godzin</b>		<b>Liczba punktów ECTS</b>	
<b>Formy zajęć</b>		5	
Wykład, Ćw. audytoryjne			
<b>Sposób realizacji zajęć</b>			
zajęcia w sali dydaktycznej			
<b>Liczba godzin</b>			
Wykład: 30 godz., Ćw. audytoryjne: 30 godz.			
<b>Cykl dydaktyczny</b>			
2017/2018 zimowy			
<b>Status przedmiotu</b>		<b>Język wykładowy</b>	
obowiązkowy		polski	
<b>Metody dydaktyczne</b>		<b>Forma i sposób zaliczenia oraz podstawowe kryteria oceny lub wymagania egzaminacyjne</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>- Dyskusja</li> <li>- Rozwiązywanie zadań</li> <li>- Wykład problemowy</li> </ul>		<b>Sposób zaliczenia</b>	
		<ul style="list-style-type: none"> <li>- Zaliczenie na ocenę</li> <li>- Egzamin</li> </ul>	
		<b>Formy zaliczenia</b>	
		<ul style="list-style-type: none"> <li>- egzamin ustny</li> <li>- egzamin pisemny z pytaniami (zadaniami) otwartymi</li> <li>- kolokwium</li> </ul>	
		<b>Podstawowe kryteria oceny</b>	
<b>Sposób weryfikacji założonych efektów kształcenia</b>			
zakładany efekt kształcenia	Egzamin	Zaliczenie	Obserwacja postawy studenta
			Aktywność w dyskusji
Wiedza			
K_W01	+		
K_W02	+		
Umiejętności			
K_U01	+	+	
Kompetencje			
K_K01			+
K_K02			+
K_K04			+
K_K06			+

<p><b>Określenie przedmiotów wprowadzających wraz z wymogami wstępnymi</b></p> <p><b>A. Wymagania formalne</b>  <b>B. Wymagania wstępne</b>                  Zaliczenie przedmiotu Analiza Matematyczna.</p>	
<p><b>Cele kształcenia</b></p> <p>Prezentacja podstaw teorii miary i całki Lebesgue'a</p>	
<p><b>Treści programowe</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Ciała i <math>\sigma</math>-ciała zbiorów. Zbiory borelowskie.</li> <li>Miara. Własności. Miara zewnętrzna. Konstrukcja miary poprzez miarę zewnętrzną – twierdzenie Caratheodory'ego. Miara zewnętrzna Lebesgue'a i miara Lebesgue'a w <math>R^k</math>. Własności. Charakteryzacje zbiorów mierzalnych w sensie Lebesgue'a. Zbiory niemierzalne.</li> <li>Funkcje mierzalne i ich własności. Funkcje proste.</li> <li>Konstrukcja całki Lebesgue'a. Funkcje całkowalne.</li> <li>Tw. Lebesgue'a o zbieżności monotonicznej i ograniczonej. Lemat Fatou.</li> <li>Związki całki Lebesgue'a z całką Riemanna.</li> <li>Twierdzenie Fubiniego.</li> <li>Twierdzenie o zamianie zmiennych i jego konsekwencje.</li> <li>Funkcje równe prawie wszędzie. Przestrzeń <math>L_p(a, b)</math>.</li> </ol>	
<p><b>Wykaz literatury</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>W. Rudin: Podstawy analizy matematycznej. PWN W-wa, 1998</li> <li>A. Birkholc: Analiza matematyczna. Funkcje wielu zmiennych. PWN W-wa, 1995.</li> <li>W. Kołodziej: Analiza matematyczna. PWN W-wa 1978.</li> <li>L. Górniewicz, R. Ingarden. Analiza matematyczna dla fizyków. Wyd. UMK, Toruń 1996.</li> <li>P. Billingsley, Prawdopodobieństwo i miara, Wyd. PWN Warszawa, 2009</li> </ol>	
<p><b>Efekty kształcenia (obszarowe i kierunkowe)</b></p>	<p><b>Wiedza</b></p> <p>Student, który zaliczył przedmiot:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>zna definicje ciała i <math>\sigma</math>-ciała zbiorów; zna pojęcia <math>\sigma</math>-ciała generowanego przez rodzinę zbiorów; zna definicję <math>\sigma</math>-ciała zbiorów borelowskich w <math>R^k</math> (K_W01, K_W02)</li> <li>zna definicję miary oraz miary zewnętrznej; zna metodę konstrukcji miary poprzez miarę zewnętrzną (twierdzenie Caratheodory'ego); (K_W01, K_W02)</li> <li>zna definicje funkcji mierzalnych oraz ich podstawowe własności (K_W02)</li> <li>zna konstrukcję całki Lebesgue'a oraz potrafi podać podstawowe własności całki oraz funkcji całkowalnych; zna twierdzenie o związku pomiędzy całką Lebesgue'a oraz Riemanna (K_W01, K_W02)</li> <li>zna definicję przestrzeni <math>L^p(U)</math> (K_W02)</li> <li>zna twierdzenie Fubiniego oraz twierdzenie o zamianie zmiennych (K_W01, K_W02)</li> <li>zna i rozumie związki pomiędzy całką Lebesgue'a a ciągłymi rozkładami prawdopodobieństwa (K_W02)</li> </ul>
	<p><b>Umiejętności</b></p> <p>Student, który zaliczył przedmiot:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>umie udowodnić podstawowe własności miary i miary zewnętrznej; potrafi podać konstrukcję miary Lebesgue'a w <math>R^k</math> oraz różne charakteryzacje zbiorów mierzalnych; potrafi podać przykład zbioru niemierzalnego (K_U01)</li> <li>potrafi udowodnić podstawowe własności funkcji mierzalnych (K_U01)</li> <li>zna konstrukcję całki Lebesgue'a oraz potrafi podać podstawowe własności całki oraz funkcji całkowalnych; (K_U01)</li> <li>umie zastosować twierdzenie Fubiniego oraz twierdzenie o zamianie zmiennych do obliczania całki Lebesgue'a (w szczególności do obliczania miar pewnych podzbiorów <math>R^k</math>) (K_U01)</li> <li>zna i rozumie związki pomiędzy całką Lebesgue'a a ciągłymi rozkładami prawdopodobieństwa.</li> </ul>
	<p><b>Kompetencje społeczne (postawy)</b></p> <p>Student</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę dalszego kształcenia (K_K01)</li> <li>potrafi precyzyjnie formułować pytania, służące pogłębieniu własnego zrozumienia danego tematu lub odnalezieniu brakujących elementów</li> </ul>

rozumowania (K\_K02)

- rozumie i docenia znaczenie uczciwości intelektualnej w działaniach własnych i innych osób; postępuje etycznie (K\_K04)
- potrafi formułować opinie na temat podstawowych zagadnień matematycznych (K\_K06)

## Kontakt

[matn@mat.ug.edu.pl](mailto:matn@mat.ug.edu.pl)